

# Euklides, ciąg i dwie liczby

limit czasu: 0.1 s

limit pamięci: 256 MB

Zadanie z Codeforces --- A. Euclid, Sequence and Two Numbers --- Codeforces 2234A:

<https://codeforces.com/contest/2234/problem/A>

## Treść

Definiujemy ciąg algorytmu Euklidesa długości  $k$  ( $k \geq 2$ ) dla dwóch dodatnich liczb całkowitych  $x \geq y$  jako następujący ciąg dodatnich liczb całkowitych:

$a_1, a_2, \dots, a_k$ , gdzie  $a_1 = x$ ,  $a_2 = y$ , a dla każdego  $i$  ( $1 \leq i \leq k - 2$ ) zachodzi równość:

$$a_{i+2} = a_i \bmod a_{i+1}.$$

Na przykład dla  $x = 13$ ,  $y = 8$ ,  $k = 4$  odpowiadający ciąg algorytmu Euklidesa to  $a = [13, 8, 5, 3]$ , ponieważ  $a_3 = 13 \bmod 8 = 5$  oraz  $a_4 = 8 \bmod 5 = 3$ .

Dany jest ciąg  $b_1, b_2, \dots, b_n$ . Trzeba ustalić, czy można przestawić jego elementy tak, aby stał się ciągiem algorytmu Euklidesa dla pewnych dwóch dodatnich liczb całkowitych  $x \geq y$ .

Zapis  $x \bmod y$  oznacza resztę z dzielenia  $x$  przez  $y$ .

## Wejście

Każdy test zawiera wiele przypadków testowych. W pierwszym wierszu znajduje się liczba przypadków testowych  $t$  ( $1 \leq t \leq 500$ ). Dalej następują opisy przypadków testowych.

Pierwszy wiersz każdego przypadku testowego zawiera liczbę całkowitą  $n$  ( $2 \leq n \leq 100$ ) - rozmiar ciągu.

Drugi wiersz każdego przypadku testowego zawiera  $n$  liczb całkowitych  $b_1, b_2, \dots, b_n$  ( $1 \leq b_i \leq 10^9$ ) - ciąg  $b$ .

## Wyjście

Dla każdego przypadku testowego, jeśli można przestawić elementy ciągu  $b$  tak, aby istniała odpowiednia para dodatnich liczb całkowitych  $x \geq y$ , wypisz  $x$  i  $y$  w osobnym wierszu. W przeciwnym razie wypisz  $-1$  w osobnym wierszu.

Jeśli istnieje kilka odpowiednich par  $x, y$ , możesz wypisać dowolną z nich.

## Przykład

Wejście:

```
6
2
1 1
2
1 2
4
1 2 3 4
3
6 4 2
4
3 8 13 5
3
1 1 1
```

Wyjście:

```
1 1
2 1
-1
6 4
13 8
-1
```

## Wyjaśnienie przykładu

W pierwszym przypadku para (1, 1) jest odpowiednia: dla  $x = 1$ ,  $y = 1$ ,  $k = 2$  mamy  $a_1 = x = 1$ ,  $a_2 = y = 1$ , więc otrzymujemy ciąg  $a = [1, 1]$ , taki sam jak  $b$ .

W trzecim przypadku można wykazać, że nie istnieje żadna odpowiednia para  $(x, y)$ .

W czwartym przypadku para (6, 4) jest odpowiednia: dla  $x = 6$ ,  $y = 4$ ,  $k = 3$  mamy  $a_1 = 6$ ,  $a_2 = 4$ ,  $a_3 = 6 \bmod 4 = 2$ , więc ciąg  $a = [6, 4, 2]$  jest permutacją ciągu  $b$ .

## Grupy testów

Grupa	Punkty	Dodatkowe ograniczenia
1	25	$n = 2$
2	25	$n \leq 8$ oraz $b_i \leq 100$
3	25	przypadki średnie i dłuższe ciągi Euklidesa
4	25	pełne ograniczenia