

Zadanie: KWA

Kwadraty



XXII OI, etap I. Plik źródłowy kwa.* Dostępna pamięć: 64 MB.

6.10–3.11.2014

W tym zadaniu rozważamy rozkłady dodatnich liczb całkowitych na sumy *różnych* kwadratów dodatnich liczb całkowitych (dalej będziemy je nazywać w skrócie rozkładami). Na przykład, liczba 30 ma dwa rozkłady: $1^2 + 2^2 + 5^2 = 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 = 30$, natomiast dla liczby 8 nie istnieje żaden rozkład.

Interesuje nas odpowiedź na pytanie, jak duża musi być największa liczba w rozkładzie danej liczby n . Innymi słowy, chcemy wyznaczyć wartość $k(n)$ będącą minimum z największych liczb występujących we wszystkich rozkładach liczby n . Dla uproszczenia przyjmijmy, że jeśli liczby n nie da się rozłożyć, to $k(n) = \infty$. Dla przykładu, $k(1) = 1$, $k(8) = \infty$, $k(30) = 4$, $k(378) = 12$, $k(380) = 10$.

Liczbą *przerośniętą* nazwiemy taką liczbę x , dla której istnieje liczba $y > x$ taka, że $k(y) < k(x)$. Z poprzedniego przykładu widzimy więc, że 378 jest liczbą przerośniętą.

Dla zadanej liczby n oblicz $k(n)$ oraz liczbę liczb przerośniętych mniejszych lub równych n .

Wejście

W pierwszym i jedynym wierszu standardowego wejścia znajduje się jedna liczba całkowita n ($1 \leq n \leq 10^{18}$). W testach wartych 45% punktów zachodzi dodatkowy warunek $n \leq 50\,000\,000$, w podzbiórze tych testów wartym 30% punktów warunek $n \leq 1\,000\,000$, a w podzbiórze tych testów wartym 20% punktów warunek $n \leq 1000$.

Wyjście

Twój program powinien wypisać na standardowe wyjście dwie liczby całkowite oddzielone pojedynczym odstępem: pierwsza z nich to $k(n)$, a druga to liczba liczb przerośniętych z przedziału od 1 do n . Jeśli $k(n) = \infty$, to zamiast pierwszej liczby należy wypisać znak - (minus).

Przykład

Dla danych wejściowych:

30

poprawnym wynikiem jest:

4 15

natomiast dla danych wejściowych:

8

poprawnym wynikiem jest:

- 5